

**3 (Sem-1/CBCS) ECO HC 2**

**2019**

**ECONOMICS**

**( Honours )**

**Paper : ECO-HC-1026**

**( Mathematical Methods in Economics—I )**

*Full Marks : 80*

*Time : 3 hours*

*The figures in the margin indicate full marks  
for the questions*

*Answer either in English or in Assamese*

**1/** Choose the correct answer of the following :

1×10=10

তলত দিয়াসমূহৰ শুদ্ধ উত্তৰটো বাছি উলিওৱা :

**(a)** If  $A = \{2, 4\}$  and  $B = \{2, 3, 4, 5\}$ , then find

যদি  $A = \{2, 4\}$  আৰু  $B = \{2, 3, 4, 5\}$  হয়, তেন্তে  
উলিওৱা

(i)  $A \supset B$

(ii)  $A \cup B$

(iii)  $A \subset B$

(iv)  $A \cap B$

( 2 )

(b)  $Y = b^2$  is a/an

$Y = b^2$  হৈছে এটা

(i) constant function

স্থায়ী ফলন (ধ্রুবক ফলন)

(ii) polynomial function

বহুপদী ফলন

(iii) singular function

একপদী ফলন

(iv) exponential function

সূচকীয় ফলন

(c) If  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0$ , then  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left( \frac{n+1}{n} \right)$  is

যদি  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0$ , তেলে  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left( \frac{n+1}{n} \right)$  হৈছে

(i) 0

(ii) 1

(iii)  $\infty$

(iv) n

(d) If  $Y = f(x) = b$ , then  $\lim_{x \rightarrow M}$  is

যদি  $Y = f(x) = b$ , তেলে  $\lim_{x \rightarrow M}$  হৈছে

(i) b

(ii) M

(iii)  $\infty$

(iv) b / M

20A/576

(Continued)

( 3 )

(e) An example of discontinuous function is  
বিচ্ছিন্ন ফলনৰ এটা উদাহৰণ হৈছে

(i) rectangular hyperbolic function  
আয়তাকাৰ অতিবৃত্ত ফলন

(ii) quadratic function  
দ্বিঘাত ফলন

(iii) cubic function  
ত্রিঘাত ফলন

(iv) polynomial function  
বহুপদী ফলন

(f) Differentiation of capital w.r.t. time is  
মূলধনক সময়ৰ দ্বাৰা অৱকলন কৰিলে পোৱা যায়

(i) gross capital  
মুঠ মূলধন

(ii) marginal capital  
প্রান্তীয় মূলধন

(iii) investment  
বিনিয়োগ

(iv) time path  
সময়ৰ পথ

20A/576

(Turn Over)

( 4 )

(g) The direction of  $Y = f(x)$  can be measured by

$Y = f(x)$  ৰ দিশ নিৰ্ণয় কৰিব পাৰি

(i)  $\frac{dy}{dx}$

(ii)  $\frac{d^2y}{dx^2}$

(iii)  $\frac{\partial y}{\partial x}$

(iv)  $dx$

(h) The tallest student in your class represents

তোমাৰ শ্ৰেণীৰ আটাইতকৈ ওখ ছাত্ৰজনে সূচায়

(i) global maximum  
গোলকীয় গৰিষ্ঠ মান

(ii) relative maximum  
আপেক্ষিক গৰিষ্ঠ মান

(iii) absolute maximum  
নিবন্ধকুশ গৰিষ্ঠ মান

(iv) both global and absolute maximum  
গোলকীয় আৰু নিবন্ধকুশ গৰিষ্ঠ মান দুয়োটা

20A/576

(Continued)

( 5 )

(i) For maximization of  $Y = f(x)$ ,  $\frac{d^2y}{dx^2}$  should be

$Y = f(x)$  ৰ সৰ্বাধিকতাৰ বাবে,  $\frac{d^2y}{dx^2}$  হ'ব লাগিব

(i) zero

শূন্য

(ii) negative

ঋণাত্মক

(iii) positive

ধনাত্মক

(iv) double the value of  $\frac{dy}{dx}$

$\frac{dy}{dx}$  ৰ মানৰ দুগুণ

(j)  $\int_a^b f(x) dx$  is equal to

$\int_a^b f(x) dx$  ৰ সমান

(i)  $\int_b^a -f(x) dx$

(ii)  $\int_a^b 2f(x) dx$

(iii)  $2 \int_a^b f(x) dx$

(iv)  $2 \int_b^a -f(x) dx$

20A/576

(Turn Over)

( 6 )

2. Answer the following questions :  $2 \times 5 = 10$

তলৰ প্ৰশ্নসমূহৰ উত্তৰ লিখা :

(a) State ordered and unordered pairs with an example.

শৃংখলাবদ্ধ (ক্রমিত) আৰু অশৃংখলাবদ্ধ (অক্রমিত) যুটি বুলিলে কি বুজা, উদাহৰণেৰে বুজাই লিখা।

(b) Define quasi-convex.

উত্তল সদৃশৰ সংজ্ঞা লিখা।

(c) State why for minimization of a function the second-order condition should be positive:

কিয় ফলনৰ সৰ্বনিম্নতাৰ বাবে দ্বিতীয় নিৰ্দিশৰ পৰিস্থিতি যোগাত্মক হ'ব লাগে?

(d) Find  $\frac{dy}{dx}$  for  $y = \frac{\log e^2}{e^{2x}}$ .

$\frac{dy}{dx}$  নিৰ্ণয় কৰা  $y = \frac{\log e^2}{e^{2x}}$ .

(e) Why do we need to add one constant term while integrating a function?

এটা ফলনৰ অনুকলনৰ সময়ত কিয় আমি এটা ধ্ৰুবক যোগ কৰিব লাগে?

20A/576

(Continued)

( 7 )

3. Answer any four from the following questions :  $5 \times 4 = 20$

তলৰ প্ৰশ্নসমূহৰ যি কোনো চাৰিটাৰ উত্তৰ লিখা :

(a) Distinguish between implicit function and explicit function. Map the following function :

$3+2=5$

$$XY = a$$

নিহিত ফলন আৰু অনিহিত ফলনৰ মাজৰ পাৰ্থক্য নিকাৰণ কৰা। তলৰ ফলনটোক মানচিত্ৰিত উপস্থাপন কৰা :

$$XY = a$$

(b) Define continuity of a function. State why a function must be continuous for it to be conformable for differentiation.

5

ফলনৰ ধাবাবাহিকতা বুলিলে কি বুজা? ফলনৰ অৱকলনৰ বাবে এটা ফলন কিয় ধাবাবাহিক হ'ব লাগে, লিখা।

(c) If  $TR = PQ$ , where  $P$  and  $Q$  are price and quantity respectively, then show that

$$e_d = \frac{AR}{AR - MR}$$

5

যদি  $TR = PQ$ , য'ত  $P$  মানে মূল্য আৰু  $Q$  হৈছে পৰিমাণ, তেন্তে দেখুওৱা যে,

$$e_d = \frac{AR}{AR - MR}$$

20A/576

(Turn Over)

( 8 )

Given the following average cost function, find the marginal cost function :

$$AC = 100 - 10Q + \left(\frac{1}{2}\right)Q^2$$

where  $Q$  is the level of output produced. 5

তলত দিয়া গড় ব্যয় ফলনৰ পৰা প্ৰান্তীয় ব্যয় ফলন নিৰ্ধাৰণ কৰা :

$$AC = 100 - 10Q + \left(\frac{1}{2}\right)Q^2$$

য'ত  $Q$  হৈছে উৎপাদিত সামগ্ৰীৰ পৰিমাণ।

Mention the condition under which the technique of total differentiation is used. Also explain the statement, "Integration is the reverse process of differentiation."

2+3=5

মুঠ অৱকলন পদ্ধতি ব্যৱহাৰৰ প্ৰধান চৰ্তসমূহ উপস্থাপন কৰা। লগতে "অনুকলন হৈছে অৱকলনৰ ওলোটো প্ৰক্ৰিয়া।" ব্যাখ্যা কৰা।

(f) Explain the necessity of integrating the demand curve for finding out consumer's surplus. 5

গ্ৰাহকৰ উদ্ভূত নিৰ্ণয়ৰ বাবে চাহিদা ফলনৰ অনুকলনৰ প্ৰয়োজনীয়তা ব্যাখ্যা কৰা।

20A/576

( Continued )

( 9 )

4. Answer any four from the following questions : 10×4=40

তলৰ প্ৰশ্নসমূহৰ যি কোনো চাৰিটাৰ উত্তৰ লিখা :

For a function  $Y = \log x$ , prove that  $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{x}$ . Also find the limit of the

function : 6+4=10

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - 25}{x^2 + x - 30}$$

এটা ফলন  $Y = \log x$ , প্ৰমাণ কৰা যে  $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{x}$ .

লগতে তলৰ ফলনৰ limit ফল নিৰ্ণয় কৰা :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - 25}{x^2 + x - 30}$$

If the production function

$$Q = 40L + 3L^2 - \frac{1}{3}L^3$$

where  $L$  is the employment of labour, find the size of labour to give maximum output. Also show that if demand curve is linear, marginal revenue is half of average revenue at output  $q$ . 5+5=10

যদি উৎপাদন ফলন  $Q = 40L + 3L^2 - \frac{1}{3}L^3$ ,

$L$  হৈছে শ্ৰমিক নিযুক্তিৰ পৰিমাণক। সৰ্বোচ্চ উৎপাদন পাবৰ বাবে কিমান শ্ৰমিকৰ প্ৰয়োজন হ'ব, নিৰ্ণয় কৰা। লগতে দেখুওৱা যে, যদি চাহিদা বেকা বৈধিক বা প্ৰথম ঘাতৰ হয়, তেন্তে প্ৰান্তীয় আয় হৈছে গড় আয়ৰ আধা য'ত সামগ্ৰীৰ পৰিমাণ হৈছে  $q$ .

20A/576

2/40  
2/20  
1/10

( Turn Over )

1/30

( 10 )

Given the demand function  $P = (10 - X)^2$  and the cost function  $C = 55x - 8x^2$ . Find the maximum profit. What would be the effect of an imposition of a tax of ₹ 9 per unit on price?

10

চাহিদা ফলন  $P = (10 - X)^2$  আৰু ব্যয় ফলন  $C = 55x - 8x^2$  হ'লে সৰ্বোচ্চ লাভ নিৰ্ণয় কৰা। যদি প্ৰতি একক সামগ্ৰীৰ ওপৰত ₹ 9 ব কৰ জাৰি কৰা হয়, তেন্তে দামৰ ওপৰত কি প্ৰভাৱ পৰিব?

(d) Show that even after imposition of lump sum tax and profit tax equilibrium condition of market will remain the same.

Also show that imposition of sales tax results lesser output.

6+4=10

দেখুওৱা যে lump sum কৰ আৰু লাভলাভ কৰ জাৰি কৰাৰ পিছতো ভাৰসাম্য নীতিটো একে থাকিব। লগতে দেখুওৱা যে বিক্ৰী কৰ জাৰি কৰিলে সামগ্ৰীৰ উৎপাদন হ্রাস পায়।

(i) If the demand function is  $Q_1 = 50 - 2P_1 + 3P_2 + 0.2Y$ , then find the price elasticity and income elasticity, where  $Y = 500$  and  $P_1 = 2$ .

যদি চাহিদা ফলন

$$Q_1 = 50 - 2P_1 + 3P_2 + 0.2Y$$

দৰ স্থিতিস্থাপকতা আৰু আয় স্থিতিস্থাপকতা নিৰূপণ কৰা, য'ত  $Y = 500$  আৰু  $P_1 = 2$ .

( 11 )

The marginal revenue function is given by  $MR = 50 - 4Q$ . Find the point elasticity of demand when  $Q = 10$ .

5+5=10

প্ৰান্তীয় আয়ৰ ফলন হৈছে  $MR = 50 - 4Q$ . চাহিদাৰ বিন্দু স্থিতিস্থাপকতা নিৰ্ণয় কৰা, যেতিয়া  $Q = 10$ .

(i) The total cost of a firm is given by  $C = 5000 - 15q + 5q^2$ . Find the level of output at which the slope of the average cost is zero.

এখন ফাৰ্মৰ মুঠ খৰচ  $C = 5000 - 15q + 5q^2$ . কিমান পৰিমাণৰ সামগ্ৰীত ফাৰ্মৰ গড় ব্যয়ৰ বেৰাডালৰ ঢাল শূন্য হ'ব?

(ii) Obtain consumer's surplus of the following demand function, given the market price :

$$Q = \sqrt{60 - \left(\frac{3}{2}\right)P}$$

when price = 16.

3+7=10

তলৰ চাহিদা ফলনৰ পৰা উপভোক্তাৰ উদ্বৃত্ত নিৰ্ণয় কৰা :

$$Q = \sqrt{60 - \left(\frac{3}{2}\right)P}$$

যেতিয়া  $P = 16$  হয়।

~~Q.11~~

If the marginal revenue function for output  $x$  is given by  $MR = \frac{6}{(x+2)^2} + 5$ ,

find the total revenue function and the demand function. 10

প্রাপ্তীয় আয়ৰ ফলন  $x$  সামগ্ৰীৰ বাবে  
 $MR = \frac{6}{(x+2)^2} + 5$ . মুঠ আয় আৰু চাহিদা ফলন  
 নিৰ্ণয় কৰা।

(h) For the following production function  $Q = aL^3 + bL^2 + cL + d$ , what restriction  $a$ ,  $b$ ,  $c$  and  $d$  will follow to have a true form of cubic production function? Also find at what level of labour ( $L$ ), the total output will be maximum. 10

প্রদত্ত উৎপাদন ফলন  $Q = aL^3 + bL^2 + cL + d$ ৰ  
 $a$ ,  $b$ ,  $c$  আৰু  $d$ য়ে কেনেধৰণৰ বাধা অথবা নিয়ম  
 অনুসৰণ কৰিলে এক সঁচা অৰ্থত ত্ৰিঘাত ফলনৰ স্বীকৃতি  
 পাব? লগতে কিমান পৰিমাণৰ শ্ৰমিকৰ নিয়োজনে মুঠ  
 উৎপাদন সৰ্বোচ্চ কৰিব, নিৰ্ণয় কৰা।

\*\*\*

20  
53  
130

10.10  
2 10.10